

$$\omega := 1000$$

$$\alpha_{vi} := \frac{\pi}{2}$$

$$f := \frac{\omega}{2 \cdot \pi}$$

$$V_{iM} := 10 \quad v_i(t) := V_{iM} \cdot \sin(\omega \cdot t + \alpha_{vi})$$

$$V_i := V_{iM} \angle \alpha_{vi}$$

$$\omega := 2 \pi \cdot f$$

$$F(\omega) := 1$$

$$V_o := F(\omega) \cdot V_i \quad (1)$$



L'uscita  $V_o$  dipende dall'ingresso  $V_i$  e da  $F$

$F(\omega)$  è la FUNZIONE DI TRASFERIMENTO

e DIPENDE dalla struttura del circuito e DALLA PULSAZIONE  $\omega$  (quindi anche dalla freq.)

$$F(\omega) := \frac{V_o}{V_i} \quad \text{la FdiT è data dal rapporto tra ingresso ed uscita}$$

Dalla (1) si ricavano le relazioni tra i moduli e le fasi di ingresso ed uscita

$$|V_o| = |F(\omega)| \cdot |V_i| \quad (1 a)$$

$$\angle V_o = \angle F(\omega) + \angle V_i \quad (1 b)$$

## DEFINIZIONE DI DECIBEL

$A$  numero puro (adimensionale)

$A_{dB}$  espresso in deciBell

$$A_{dB} := 20 \cdot \log(A)$$

Passaggio da deciBell a numero puro

$$A := 10^{\frac{A_{dB}}{20}}$$

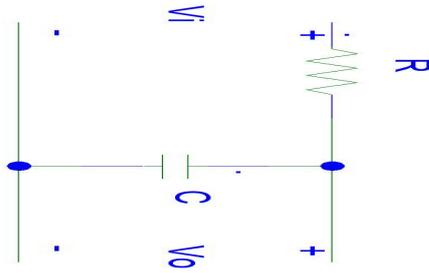
$$R := 33 \cdot 10^3$$

PASSA BASSO

$$C := 0.1 \cdot 10^{-6} \quad X_c(\omega) := \frac{1}{j \cdot \omega \cdot C}$$

$$\omega_t := \frac{1}{R \cdot C} \quad \text{frequenza di taglio}$$

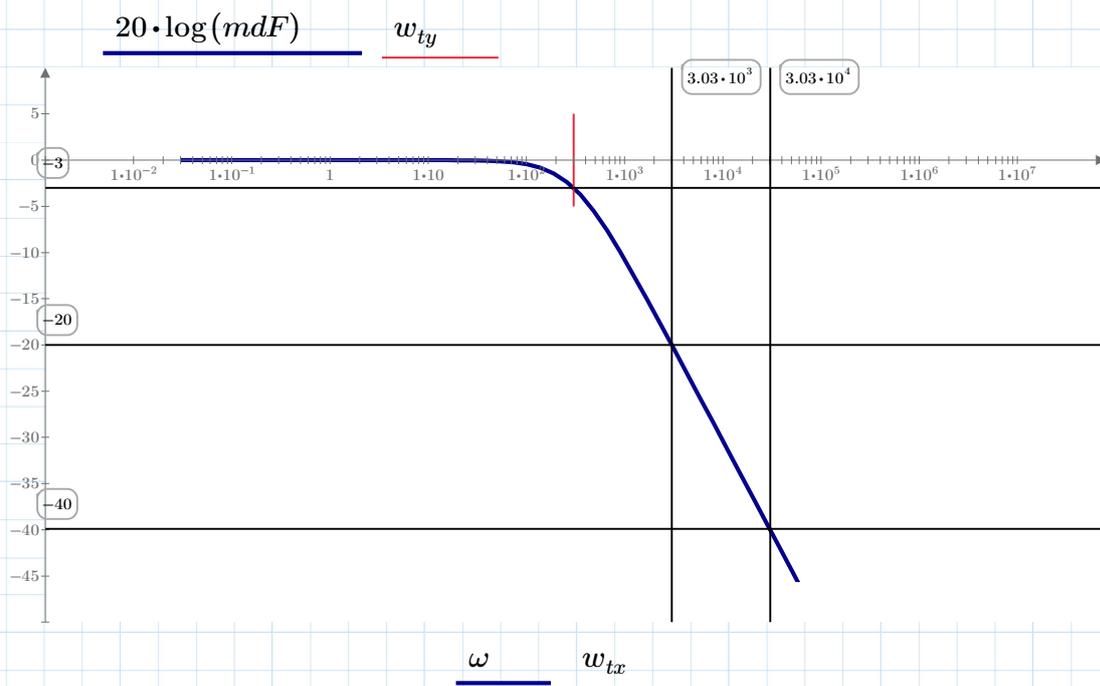
$$F(\omega) := \frac{X_c(\omega)}{X_c(\omega) + R} = \frac{1}{1 + j \cdot \omega \cdot R \cdot C}$$



$$mdF := \sqrt{(Re(F(\omega))^2 + Im(F(\omega))^2)}$$

modulo di  $F(\omega)$

$$\omega_t = 303.03$$



DAL GRAFICO SI NOTA CHE

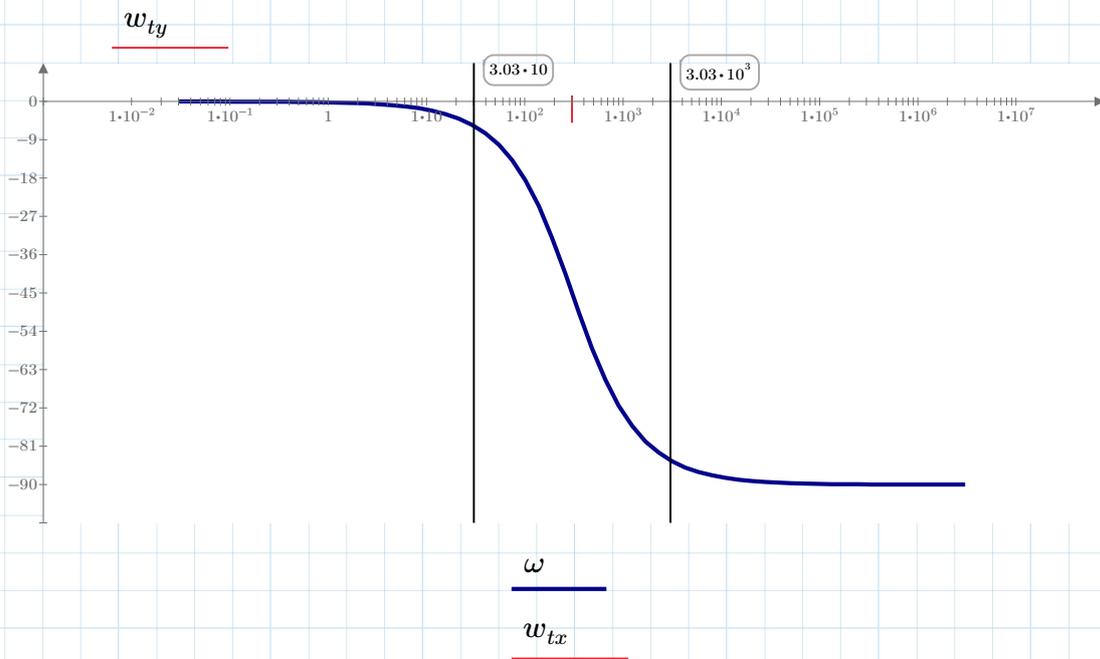
Prima della freq. di taglio  $F = 0\text{dB}$   $10^{\frac{0}{20}} = 1$   $V_o = 1 V_i$  in ed out sono uguali

Alla frequenza di taglio  $F$  vale  $-3\text{dB}$   $10^{\frac{-3}{20}} = 0.708$   $V_o = 0.7 V_i$

Dopo la freq. di taglio  
 $F$  scende di  $20\text{dB}$  ogni decade  $10^{\frac{-20}{20}} = 0.1$  ogni decade  $V_o$  diventa 10 volte più piccola

## Fase di $F(\omega)$

$$\underline{(fase(F(\omega)) - 2\pi) \text{ (deg)}}$$



Dal disegno:

la fase della funzione di trasferimento del Passa Basso vale approssimativamente:

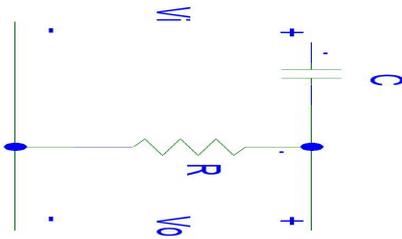
$$0^\circ \quad \text{se } \omega < \frac{\omega_t}{10}$$

$$\text{scende di } 45^\circ \text{ ogni decade} \quad \text{se } \frac{\omega_t}{10} < \omega < 10 \omega_t$$

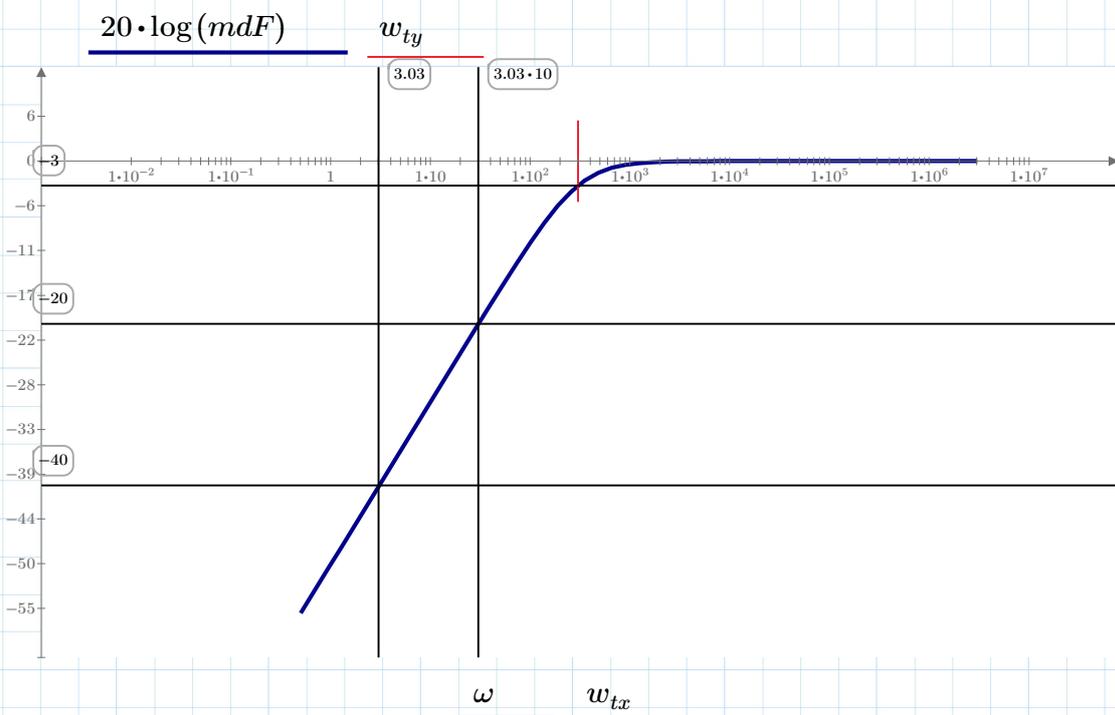
$$-90^\circ \quad \text{se } \omega > 10 \omega_t$$

**PASSA ALTO**

$$F(\omega) := \frac{R}{X_c(\omega) + R} = \frac{j \cdot \omega \cdot R \cdot C}{1 + j \cdot \omega \cdot R \cdot C}$$



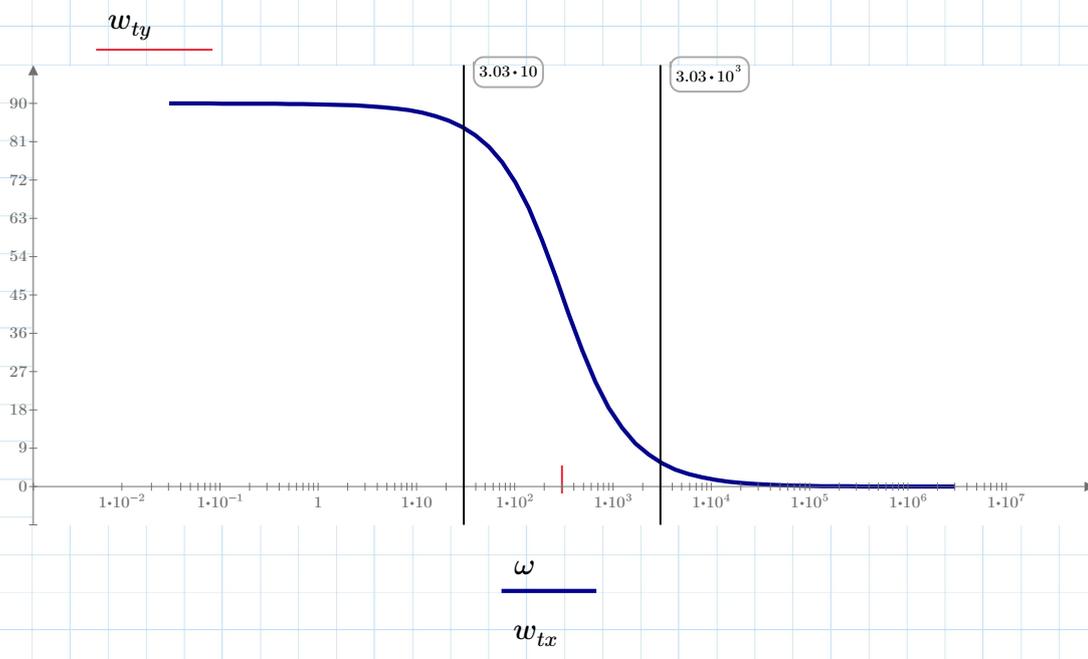
$$mdF := \sqrt{(Re(F(\omega)))^2 + (Im(F(\omega)))^2} \quad \text{modulo di } F(\omega)$$



Se	$\omega := 1000 \cdot \omega_t = 3.03 \cdot 10^5$	$ V_o  =  F(\omega)  \cdot  V_i  = 10$	$=  V_i $
Se	$\omega := 100 \cdot \omega_t = 3.03 \cdot 10^4$	$ V_o  =  F(\omega)  \cdot  V_i  = 10$	$=  V_i $
Se	$\omega := 10 \cdot \omega_t = 3.03 \cdot 10^3$	$ V_o  =  F(\omega)  \cdot  V_i  = 9.95$	$=  V_i $
Se	$\omega := \omega_t = 303.03$	$ V_o  =  F(\omega)  \cdot  V_i  = 7.071$	$= 70\%  V_i $
Se	$\omega := \frac{\omega_t}{10} = 30.303$	$ V_o  =  F(\omega)  \cdot  V_i  = 0.995$	$=  V_i  / 10$
Se	$\omega := \frac{\omega_t}{100} = 3.03$	$ V_o  =  F(\omega)  \cdot  V_i  = 0.1$	$=  V_i  / 100$
Se	$\omega := \frac{\omega_t}{1000} = 0.303$	$ V_o  =  F(\omega)  \cdot  V_i  = 0.01$	$=  V_i  / 1000$

$\sqrt{\quad}$

$fase(F(\omega))$  (deg)



Dal disegno:

la fase della funzione di trasferimento del Passa Alto vale approssimamente:

$$90^\circ \quad \text{se } \omega < \frac{\omega_t}{10}$$

$$\text{scende di } 45^\circ \text{ ogni decade} \quad \text{se } \frac{\omega_t}{10} < \omega < 10 \omega_t$$

$$0^\circ \quad \text{se } \omega > 10 \omega_t$$